

INSA de Rouen

Département Energétique et propulsion

Enseignement Thermodynamique et Machines Thermiques (A. Coppalle)

ETUDE L'ENTHALPIE D'UN GAZ REEL

On considère une mole d'un gaz réel

Soit C_p et $k = -T \left(\frac{\partial V}{\partial T} \right)_p$ les coefficients calorimétriques du gaz réel.

1°) (question de cours) soit une transformation infinitésimale faisant varier la température T de dT et la pression P de dP .

Donner, pour cette transformation, la variation dH de l'enthalpie en fonction de dT et dP .

En déduire la valeur pour un gaz parfait

2°) *Montrer que l'enthalpie du gaz réel est donnée par*

$$H(T, P) = H_{gp}(T) + \int_0^P \left(V - T \left(\frac{\partial V}{\partial T} \right)_p \right) dP$$

3°) Le gaz vérifie l'équation d'état suivante

L'équation d'état du gaz est (pour une mole)

$$PV = A + B P.$$

Les paramètres A et B sont indépendants de la pression P et du volume V .

3°)-a. Pour des pressions faibles, le gaz a un comportement de gaz parfait. *Donner alors la valeur du paramètre A .*

3°)-b. En supposant que $B = B_0$ soit indépendant de la température, *calculer l'enthalpie du gaz réel en fonction de l'enthalpie du gaz parfait (pris dans les mêmes conditions de T et P).*

Le gaz subit une détente qui le fait passer de 1000K à 500K, et de $10 \cdot 10^5$ à $1 \cdot 10^5$ Pa. On donne $B_0 = 3 \cdot 10^{-5}$ (SI), $C_p = 7/2 R$; $R = 8,32$ (SI)

Calculer numériquement $\Delta H_{réel}$ au cours de la détente .

Donner l'écart relatif entre $\Delta H_{réel}$ et ΔH_{GP} ,

$$(\Delta H_{réel} - \Delta H_{GP}) / \Delta H_{GP}$$

ΔH_{GP} correspondant au cas où le gaz est supposé parfait.

conclusion ?

3°)-c En réalité le paramètre B est fonction de la température

$$B(T) = B_0 \left[1 - \left(\frac{T_0}{T} \right)^\alpha \right] \text{ avec } B_0 = 3 \cdot 10^{-5} \text{ (SI) , } \alpha = 1.4 \text{ et } T_0 = 293 \text{ K}$$

Reprendre les calculs précédents et montrer que

$$h(T, P) = H_{gp}(T) + B_0 \left[1 - (\alpha + 1) \left(\frac{T_0}{T} \right)^\alpha \right] P$$

calculer à nouveau numériquement $\Delta H_{réel}$ au cours de la détente et l'écart relatif au cas du gaz parfait $(\Delta H_{réel} - \Delta H_{GP}) / \Delta H_{GP}$.

Le nouveau terme de correction est-il négligeable ?

Réponses

1°) $dh = c_p dT + (k+v) dP$, $dh_{gp} = c_p dT \implies k = -v$

2°) $dh = dh_{gp} + (v - T \partial v / \partial T) dP$

En intégrant à $T = \text{cst}$ de 0 à P, on obtient $h(T, P) = h_{gp}(T) + \int_0^P (v - T \left(\frac{\partial v}{\partial T} \right)_P) dP$

Avec $h(T, P=0) = h_{gp}(T)$

3°-a) $Pv = A + BP$, si $P \rightarrow 0$ alors $Pv \rightarrow A$ et on a un gaz parfait, $A = RT$

3°-b) $Pv = RT + B_0P \implies$ on obtient $v - T \partial v / \partial T = B_0$ et $h(T, P) = h_{gp}(T) + B_0P$

$\Delta h_{\text{réel}} = c_p(T_2 - T_1) + B_0(P_2 - P_1) = \Delta h_{gp} + B_0(P_2 - P_1) \implies (\Delta h_{\text{réel}} - \Delta h_{gp}) / \Delta h_{gp} = 0,2\%$

3°-c) $v - T \partial v / \partial T = B_0 [1 - (\alpha_T + 1)(T_0/T)^\alpha]$, d'où la relation

$\Delta h_{\text{réel}} = \Delta h_{gp} + B_0(P_2 - P_1) - (\alpha_T + 1)(T_2/T_1)^\alpha (P_2 - P_1) \implies (\Delta h_{\text{réel}} - \Delta h_{gp}) / \Delta h_{gp} = 0,1\%$